

928

822 (A.Y)

2022
गणित
(Hindi and English Versions)
केवल प्रश्न-पत्र / Question Paper Only

समय : तीन घण्टे 15 मिनट

पूर्णांक : 70

नोट :

प्रारम्भ के 15 मिनट परीक्षार्थियों को प्रश्नपत्र पढ़ने के लिए निर्धारित हैं।

Note :

First 15 minutes are allotted for the candidates to read the question paper.

निर्देश / Instructions :

- (i) इस प्रश्नपत्र में कुल सात प्रश्न हैं। / There are seven questions in all in this question paper.
- (ii) सभी प्रश्न अनिवार्य हैं। / All questions are compulsory.
- (iii) प्रत्येक प्रश्न के प्रारम्भ में स्पष्ट उल्लेख है कि उसके कितने खण्ड करने हैं। / In the beginning of each question, it has been clearly mentioned that how many parts of it are to be attempted.
- (iv) प्रत्येक प्रश्न के अंक उसके सम्मुख अंकित हैं। / Marks allotted to each question are mentioned against it.
- (v) प्रथम प्रश्न से प्रारम्भ कीजिए और अन्त तक करते जाइए। जो प्रश्न न आता हो, उस पर समय नष्ट न कीजिए। / Start from the first question and go up to the last question. Do not waste your time on the question you cannot solve.

- (vi) प्रश्नों के हल को उत्तर-पुस्तिका के दोनों ओर लिखिए। प्रश्न संख्या 1 के अतिरिक्त सभी प्रश्नों के हल के किरयापद स्पष्ट रूप से लिखिए। / Write the solution on the pages of both sides of answer-book. Write the steps of solutions of all questions except Question No. 1.
- (vii) यदि रफ़ कार्य के लिए स्थान अपेक्षित है तो उत्तर-पुस्तिका के बाएँ पृष्ठ पर कीजिए और फिर काट (×) दीजिए। उस पृष्ठ पर कोई हल न कीजिए। / If you need place for rough work, do it on left page of your answer book and cross (×) the page. Do not write the solution on that page.
- (viii) रचना के प्रश्नों के हल में रचना रेखाएँ न मिटाइए। यदि पूछा गया हो तो रचना के पद संक्षेप में अवश्य लिखिए। / Do not rub off the lines constructed in a question of a construction. Do write the steps of construction in brief, if asked.
- (ix) जिन प्रश्नों के हल में चित्र खींचना आवश्यक है, उनमें स्वच्छ एवं शुद्ध चित्र अवश्य खींचिए। बिना चित्र के ऐसे हल अपूर्ण और अशुद्ध माने जायेंगे। / Draw neat and correct figure in solution of a question wherever it is necessary, otherwise in its absence the solution will be treated incomplete and wrong.

1. सभी खण्ड कीजिए :

प्रत्येक खण्ड में उत्तर के लिए चार विकल्प दिये गये हैं, जिनमें से केवल एक सही है। सही विकल्प छाँटकर उसे अपनी उत्तर-पुस्तिका में लिखिए :

- (क) किसी धनात्मक पूर्णांक p के लिए, प्रत्येक धनात्मक विषम पूर्णांक का रूप होगा : 1

- (i) p
- (ii) $p + 1$
- (iii) $2p$
- (iv) $2p + 1$

- (ख) बिन्दु $A(-4, 0)$, $B(4, 0)$ और $C(0, 3)$ एक त्रिभुज के शीर्ष हैं। वह त्रिभुज होगा : 1

- (i) समकोण त्रिभुज
- (ii) समद्विबाहु त्रिभुज
- (iii) समबाहु त्रिभुज
- (iv) विषमबाहु त्रिभुज

(ग) दो समरूप त्रिभुजों के क्षेत्रफल क्रमशः 20 सेमी² और 45 सेमी² हैं। उनकी ऊँचाइयों का अनुपात होगा : 1

- (i) 20 : 45
- (ii) 9 : 4
- (iii) 2 : 3
- (iv) 4 : 9

(घ) यदि $\tan \theta = \frac{2ab}{a^2 - b^2}$, तो $\cos \theta$ का मान होगा : 1

- (i) 1
- (ii) $\frac{a^2 - b^2}{a^2 + b^2}$
- (iii) $\frac{a^2 + b^2}{a^2 - b^2}$
- (iv) $\frac{2ab}{a^2 + b^2}$

(ङ) एक घड़ी की मिनट की सुई की लम्बाई 14 सेमी है। एक मिनट में सुई द्वारा रचित क्षेत्रफल होगा : 1

- (i) 10.26 सेमी²
- (ii) 10.50 सेमी²
- (iii) 10.75 सेमी²
- (iv) 11.0 सेमी²

(च) एक बारंबारता बंटन के लिए माध्य, माध्यिका और बहुलक के बीच सम्बन्ध है : 1

- (i) बहुलक = 3 माध्य - 2 माध्यिका
- (ii) बहुलक = 2 माध्यिका - 3 माध्य
- (iii) बहुलक = 3 माध्यिका - 2 माध्य

(iv) बहुलक = 3 माध्यिका + 2 माध्य

1. Do all the parts :

Four alternatives of the answer of each part are given, out of which only one is correct. Pick out the correct alternative and write it in your answer-book :

- (a) For any positive integer p , every positive odd integer will be of the form : **1**

(i) p

(ii) $p + 1$

(iii) $2p$

(iv) $2p + 1$

- (b) The points $A(-4, 0)$, $B(4, 0)$ and $C(0, 3)$ are the vertices of a triangle. That triangle will be : **1**

(i) Right angled triangle

(ii) Isosceles triangle

(iii) Equilateral triangle

(iv) Scalene triangle

- (c) The areas of two similar triangles are 20 cm^2 and 45 cm^2 respectively. The ratio of their heights will be : **1**

(i) $20 : 45$

(ii) $9 : 4$

(iii) $2 : 3$

(iv) $4 : 9$

- (d) If $\tan \theta = \frac{2ab}{a^2 - b^2}$, the value of $\cos \theta$ will be : **1**

(i) 1

(ii) $\frac{a^2 - b^2}{a^2 + b^2}$

(iii) $\frac{a^2+b^2}{a^2-b^2}$
 (iv) $\frac{2ab}{a^2+b^2}$

(e) The length of minute hand of a clock is 14 cm. The area swept by minute hand in one minute will be : **1**

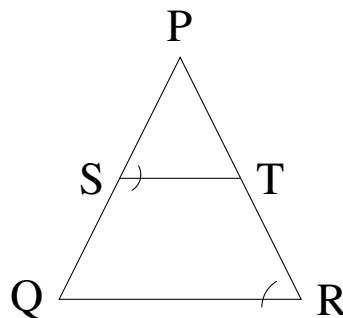
- (i) 10.26 cm^2
 (ii) 10.50 cm^2
 (iii) 10.75 cm^2
 (iv) 11.0 cm^2

(f) For a frequency distribution, the relation between mean, median and mode is : **1**

- (i) $\text{Mode} = 3 \text{ Mean} - 2 \text{ Median}$
 (ii) $\text{Mode} = 2 \text{ Median} - 3 \text{ Mean}$
 (iii) $\text{Mode} = 3 \text{ Median} - 2 \text{ Mean}$
 (iv) $\text{Mode} = 3 \text{ Median} + 2 \text{ Mean}$

2. सभी खण्ड कीजिए :

(क) चित्र में, $\frac{PS}{SQ} = \frac{PT}{TR}$ और $\angle PST = \angle PRQ$ है। सिद्ध कीजिए कि $\triangle PQR$ एक समद्विबाहु त्रिभुज है। **1**



(ख) मान ज्ञात कीजिए : **1**

$$\frac{5 \cos^2 60^\circ + 4 \sec^2 30^\circ - \tan^2 45^\circ}{\sin^2 30^\circ + \cos^2 30^\circ}$$

- (ग) दो घनों, जिनमें से प्रत्येक का आयतन 64 सेमी^3 है, के किनारे आपस में मिले हुए हैं। इससे प्राप्त घनाभ का पृष्ठीय क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए। **1**
- (घ) एक कारखाने के 50 कर्मियों की दैनिक आय निम्नलिखित सारणी में दी गई है : **1**

दैनिक आय (रु० में)	100 – 120	120 – 140	140 – 160	160 – 180	180 – 200
कर्मियों की संख्या	12	14	8	6	10

उपर्युक्त सारणी से बहुलक वर्ग की निम्न सीमा तथा उच्च सीमा ज्ञात कीजिए।

2. Do all the parts :

- (a) In the figure, $\frac{PS}{SQ} = \frac{PT}{TR}$ and $\angle PST = \angle PRQ$. Prove that $\triangle PQR$ is an isosceles triangle. **1**
- (b) Find the value of : **1**
- $$\frac{5 \cos^2 60^\circ + 4 \sec^2 30^\circ - \tan^2 45^\circ}{\sin^2 30^\circ + \cos^2 30^\circ}$$
- (c) Two cubes each of volume 64 cm^3 are joined end to end. Find the surface area of the resulting cuboid. **1**
- (d) The daily incomes of 50 workers of a factory are given in following table : **1**

Daily income (in Rs.)	100 – 120	120 – 140	140 – 160	160 – 180	180 – 200
Number of workers	12	14	8	6	10

Find the lower limit and upper limit of the modal class.